

Calcule le Rayon du m ième anneau

Pour lame a faces parallèles :

- La d.d.m par transmission est : $\delta_T = 2ne \cos r$
- Alors l'ordre d'interférence est : $P = \frac{\delta_T}{\lambda_0} = \frac{2ne \cos r}{\lambda_0}$
- ✓ Au voisinage de la frange centrale : $\cos r = 1 - \frac{r^2}{2}$

$$P \# \frac{2ne \left(1 - \frac{r^2}{2}\right)}{\lambda_0} = \frac{2ne}{\lambda_0} - \frac{ner^2}{\lambda_0}$$

- Au centre : $(i = 0) \Rightarrow (r = 0) \Rightarrow P_0 = \frac{2ne}{\lambda_0}$

- D'où $P = P_0 - \frac{ner^2}{\lambda_0}$

Alors P_0 est la valeur maximale de P. Lorsque s'éloigne du centre l'ordre d'interférence diminue.

$$\begin{aligned} \diamond P_0 - P &= \frac{ner^2}{\lambda_0} & \text{Or } i^2 &= (nr)^2 \Rightarrow nr^2 = \frac{i^2}{2} \\ P_0 - P &= \frac{e}{\lambda_0 n} i^2 \end{aligned}$$

D'où $i^2 = (P_0 - P) \frac{\lambda_0 n}{e} \Rightarrow i = \sqrt{P_0 - P} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

On a $\tan i \# i = \frac{\rho}{f} \Rightarrow \rho = if$

Alors $\rho = f \sqrt{P_0 - P} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

- ✓ Donc Le Rayon de m^{ième} anneau d'ordre P_m est : $\rho_m = f \sqrt{P_0 - P_m} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

Nature du centre

- Centre quelconque : $P_0 = K + \varepsilon$ Avec $0 < \varepsilon < \frac{1}{2}$ et K : entier

$$\begin{aligned} \text{Le 1}^{\text{er}} \text{ anneau brillant} & P_1 = K = K + \varepsilon - (\varepsilon + 1 - 1) = P_0 - (\varepsilon + 1 - 1) \\ \text{Le 2}^{\text{ème}} \text{ anneau brillant} & P_2 = K - 1 = K + \varepsilon - (\varepsilon + 2 - 1) = P_0 - (\varepsilon + 2 - 1) \\ \text{Le 3}^{\text{ème}} \text{ anneau brillant} & P_3 = K - 2 = K + \varepsilon - (\varepsilon + 3 - 1) = P_0 - (\varepsilon + 3 - 1) \\ \text{Le m}^{\text{ième}} \text{ anneau brillant} & P_m = K + \varepsilon - (\varepsilon + m - 1) = P_0 - (\varepsilon + m - 1) \end{aligned}$$

Donc $P_0 - P_m = \varepsilon + m - 1$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau brillant avec un centre quelconque est : $\rho_m = f \sqrt{\varepsilon + m - 1} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

$$\begin{aligned} \text{Le 1}^{\text{er}} \text{ anneau sombre} & P_1 = K - \frac{1}{2} = K + \varepsilon - \left(\varepsilon + \frac{1}{2}\right) = P_0 - \left(\varepsilon + \frac{1}{2}\right) \\ \text{Le 2}^{\text{ème}} \text{ anneau sombre} & P_2 = K - \frac{3}{2} = K + \varepsilon - \left(\varepsilon + \frac{1}{2} + 1\right) = P_0 - \left(\varepsilon + \frac{1}{2} + 1\right) \\ \text{Le 3}^{\text{ème}} \text{ anneau sombre} & P_3 = K - \frac{5}{2} = K + \varepsilon - \left(\varepsilon + \frac{1}{2} + 2\right) = P_0 - \left(\varepsilon + \frac{1}{2} + 2\right) \\ \text{Le m}^{\text{ième}} \text{ anneau sombre} & P_m = K + \varepsilon - \left(\varepsilon + \frac{1}{2} + m - 1\right) = P_0 - \left(\varepsilon + m - \frac{1}{2}\right) \end{aligned}$$

Donc $P_0 - P_m = \varepsilon + m - \frac{1}{2}$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau sombre avec un centre quelconque est : $\rho_m = f \sqrt{\varepsilon + m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

- Centre brillant : $P_0 = K$ avec K : entier

$$\begin{aligned} \text{Le 1}^{\text{er}} \text{ anneau brillant} & P_1 = K - 1 = P_0 - 1 \\ \text{Le 2}^{\text{ème}} \text{ anneau brillant} & P_2 = K - 2 = P_0 - 2 \\ \text{Le 3}^{\text{ème}} \text{ anneau brillant} & P_3 = K - 3 = P_0 - 3 \\ \text{Le m}^{\text{ième}} \text{ anneau brillant} & P_m = K - m = P_0 - m \end{aligned}$$

Donc $P_0 - P_m = m$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau brillant avec un centre brillant est : $\rho_m = f \sqrt{m} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

Le 1^{er} anneau sombre $P_1 = K - \frac{1}{2} = K + \varepsilon - \left(\varepsilon + \frac{1}{2}\right) = P_0 - \left(\varepsilon + \frac{1}{2}\right)$

Le 2^{ème} anneau sombre $P_2 = K - \frac{3}{2} = K - \left(\frac{1}{2} + 1\right) = P_0 - \left(\frac{1}{2} + 1\right)$

Le 3^{ème} anneau sombre $P_3 = K - \frac{5}{2} = K - \left(\frac{1}{2} + 2\right) = P_0 - \left(\frac{1}{2} + 2\right)$

Le m^{ième} anneau sombre $P_m = K - \left(\frac{1}{2} + m - 1\right) = P_0 - \left(m - \frac{1}{2}\right)$

Donc $P_0 - P_m = m - \frac{1}{2}$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau sombre avec un centre brillant est : $\rho_m = f \sqrt{m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

➤ Centre sombre : $P_0 = K + \frac{1}{2}$ avec K : entier

Le 1^{er} anneau brillant $P_1 = K = K + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = P_0 - \frac{1}{2}$

Le 2^{ème} anneau brillant $P_2 = K - 1 = K + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - 1 = P_0 - \left(\frac{1}{2} + 1\right)$

Le 3^{ème} anneau brillant $P_3 = K - 2 = K + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - 2 = P_0 - \left(\frac{1}{2} + 2\right)$

Le m^{ième} anneau brillant $P_m = K - m - 1 = P_0 - \left(\frac{1}{2} + m - 1\right) = P_0 - \left(m - \frac{1}{2}\right)$

Donc $P_0 - P_m = m - \frac{1}{2}$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau brillant avec un centre sombre est : $\rho_m = f \sqrt{m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

Le 1^{er} anneau sombre $P_1 = K - \frac{1}{2} = K + \frac{1}{2} - 1 = P_0 - 1$

Le 2^{ème} anneau sombre $P_2 = K - \frac{3}{2} = K + \frac{1}{2} - 2 = P_0 - 2$

Le 3^{ème} anneau sombre $P_3 = K - \frac{5}{2} = K + \frac{1}{2} - 3 = P_0 - 3$

Le m^{ième} anneau sombre $P_m = K + \frac{1}{2} - m = P_0 - m$

Donc $P_0 - P_m = m$

Alors Le Rayon de m^{ième} anneau sombre avec un centre sombre est : $\rho_m = f \sqrt{m} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$

Conclusion :

❖ Le Rayon de m^{ième} anneau brillant avec un centre :

1. Quelconque :

$$\rho_m = f \sqrt{\varepsilon + m - 1} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$

2. Brillant :

$$\rho_m = f \sqrt{m} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$

3. Sombre :

$$\rho_m = f \sqrt{m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$

❖ Le Rayon de m^{ième} anneau sombre avec un centre :

1. Quelconque :

$$\rho_m = f \sqrt{\varepsilon + m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$

2. Brillant :

$$\rho_m = f \sqrt{m - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$

3. Sombre :

$$\rho_m = f \sqrt{m} \sqrt{\frac{\lambda_0 n}{e}}$$