

Développement de Sous-programmes utiles en analyse et algorithmique

1. Une procédure qui permet le remplissage d'un tableau T de n entiers **impairs ou premiers et strictement inférieur à 100**

Analyse de la procédure remplissage	Algorithme de la procédure remplissage									
<pre>DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) Resultat = t T = [] Pour i de 1 à n faire répéter t[i] =donnée (" T[", i, "] = ") jusqu'à ((t[i] mod 2 <>0) ou (FN premier(t[i])) et (t[i] < 100) finPour fin remplissage</pre>	<pre>0) DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) 1) T = [] Pour i de 1 à n faire répéter Ecrire ("T[", i, "] = ") Lire(t[i]) jusqu'à ((t[i] mod 2 <>0) ou (FN premier(t[i])) et (t[i] < 100) finPour 2) fin remplissage</pre>									
<p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> <tr> <td>premier</td> <td>Fonction/booléen</td> <td>Fonction qui décide la primalité d'un entier donné</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	premier	Fonction/booléen	Fonction qui décide la primalité d'un entier donné	<p>Appel de la procédure dans une analyse principale : Proc remplissage(t,n) Avec t représente une variable globale de type tab passée par variable [T représente le résultat de la procédure] et n une variable globale de type entier passée par valeur dit aussi paramètres effectifs</p>
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	compteur								
premier	Fonction/booléen	Fonction qui décide la primalité d'un entier donné								

❖ Analyse et algorithme de la fonction premier :

Analyse de la fonction premier	Algorithme de la fonction premier									
<pre>DEF FN premier (x : entier) : booléen Resultat = premier ← nbd = 2 nbd = [nbd ← 1] pour i de 2 à x faire [] si x mod i = 0 alors nbd ← nbd + 1 finSi finPour fin premier</pre> <p>Notez bien que : Resultat = premier ← nbd = 2 <u>remplace</u> la structure Resultat = premier Premier = [] si nbd = 2 alors premier ← vrai Sinon premier ← faux finSi</p>	<pre>0) DEF FN premier (x : entier) : booléen 1) [nbd ← 1 pour i de 2 à x faire [] si x mod i = 0 alors nbd ← nbd + 1 finSi finPour 2) premier ← nbd = 2 3) fin premier</pre> <p>Notez bien que : 2) premier ← nbd = 2 <u>remplace</u> la structure 2) [] si nbd = 2 alors premier ← vrai Sinon premier ← faux finSi</p>									
<p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>Compteur</td> </tr> <tr> <td>nbd</td> <td>Var/entier</td> <td>Nbre de diviseurs</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	Compteur	nbd	Var/entier	Nbre de diviseurs	<p>Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure): B ← FN premier(n) Avec n représente une variable de type entier aussi dit un paramètre global effectif et B une variable globale de type booléen</p>
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	Compteur								
nbd	Var/entier	Nbre de diviseurs								

2. Une procédure qui permet le remplissage d'un tableau T de n chaines de **6 caractères** contenant que des **lettres majuscules**

Analyse de la procédure remplissage	Algorithme de la procédure remplissage
<pre>DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) Resultat = t T = [] Pour i de 1 à n faire répéter</pre>	<pre>0) DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) 1) T = [] Pour i de 1 à n faire répéter Ecrire ("T[", i, "] = ")</pre>

<p>t[i] =donnée (" T[", i, "] = ") jusqu'à (FN majuscule(t[i])) ET (long(t[i]) = 6) finPour fin remplissage</p>	<p>Lire(t[i]) jusqu'à (FN majuscule(t[i])) ET (long(t[i]) = 6) finPour 2) fin remplissage</p>									
<p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> <tr> <td>majuscule</td> <td>Fonction/booléen</td> <td>Fonction qui décide que les caractères d'une chaîne donnée sont tous majuscules</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	majuscule	Fonction/booléen	Fonction qui décide que les caractères d'une chaîne donnée sont tous majuscules	<p>Appel de la procédure dans une analyse principale : Proc remplissage(t,n) Avec t représente une variable globale de type tab passée par variable [T représente le résultat de la procédure] et n une variable globale de type entier passée par valeur dit aussi paramètres effectifs</p>
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	compteur								
majuscule	Fonction/booléen	Fonction qui décide que les caractères d'une chaîne donnée sont tous majuscules								

❖ Analyse et algorithme de la fonction premier :

<p>Analyse de la fonction premier</p> <p>DEF FN majuscule (ch : chaîne) : booléen Resultat = majuscule ← b b = [] si i > long(ch) alors b ← vrai [i ← 1] répéter si ch[i] dans ["A".."Z"] alors i ← i + 1 sinon b ← faux finSi jusqu'à (b = faux) ou (i > long(ch)) fin majuscule Notez bien la condition b = faux peut être remplacé par non (b)</p> <p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>Compteur</td> </tr> <tr> <td>b</td> <td>Var/booléen</td> <td>Décision</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	Compteur	b	Var/booléen	Décision	<p>Algorithme de la fonction premier</p> <p>0) DEF FN majuscule (ch : chaîne) : booléen 1) [i ← 1] répéter si ch[i] dans ["A".."Z"] alors i ← i + 1 sinon b ← faux finSi jusqu'à (b = faux) ou (i > long(ch)) 2) si i > long(ch) alors b ← vrai 3) majuscule ← b 4) fin majuscule Notez bien la condition b = faux peut être remplacé par non (b)</p> <p>Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure): B ← FN majuscule(ch) Avec ch représente une variable de type chaîne aussi dit un paramètre global effectif et B une variable globale de type booléen</p>
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	Compteur								
b	Var/booléen	Décision								

3. Une procédure qui permet le remplissage d'un tableau T de n chaînes d'**au moins 10 caractères** tel que **le premier caractère de chaque élément du tableau n'est pas une voyelle**

<p>Analyse de la procédure remplissage</p> <p>DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) Resultat = t T = [] Pour i de 1 à n faire répéter t[i] =donnée (" T[", i, "] = ") jusqu'à (non(majus(t[i][1]) dans ["A","E","O","U","I","Y"])) ET (long(t[i]) >= 10) finPour fin remplissage</p> <p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	<p>Algorithme de la procédure remplissage</p> <p>0) DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) 1) T = [] Pour i de 1 à n faire répéter Ecrire ("T[", i, "] = ") Lire(t[i]) jusqu'à (non(majus(t[i][1]) dans ["A","E","O","U","I","Y"])) ET (long(t[i]) >= 10) finPour 2) fin remplissage</p> <p>Appel de la procédure dans une analyse principale : Proc remplissage(t,n) Avec t représente une variable globale de type tab passée par variable [T représente le résultat de la procédure] et n une variable globale de type entier passée par valeur dit aussi paramètres effectifs</p>
Objet	Nature/Type	Rôle					
i	var/entier	compteur					

4. Une procédure qui permet le remplissage d'un tableau T de n chaînes de caractères **autres que des chiffres**

Analyse de la procédure remplissage			Algorithme de la procédure remplissage		
DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) Resultat = t T = [] Pour i de 1 à n faire répéter t[i] =donnée (" T[", i, "] = ") finPour fin remplissage			0) DEF PROC remplissage(var t : tab ; n:entier) 1) T = [] Pour i de 1 à n faire répéter Ecrire ("T[", i, "] = ") Lire(t[i]) finPour 2) fin remplissage		
Tableau de déclaration des objets locaux :			Appel de la procédure dans une analyse principale :		
Objet	Nature/Type	Rôle	Proc remplissage(t,n)		
i	var/entier	compteur	Avec t représente une variable globale de type tab		
chiffre	Fonction/booléen	Fonction qui décide que les caractères d'une chaîne donnée sont tous des chiffres	passée par variable [T représente le résultat de la procédure] et n une variable globale de type entier		
			passée par valeur dit aussi paramètres effectifs		

❖ **Analyse et algorithme de la fonction chiffre :**

Analyse de la fonction Chiffre			Algorithme de la fonction Chiffre		
DEF FN chiffre (ch :chaîne) : booléen Resultat = Chiffres Chiffre = [] Si i<=long(ch) alors chiffres ← faux sinon chiffres ← vrai finSi [i ← 0] répéter i ← i+1 jusqu'à (non (ch[i] dans ["0".."9"] ou (i>long(ch)) fin chiffre			0) DEF FN chiffre (ch :chaîne) : booléen 1) [i ← 0] répéter i ← i+1 jusqu'à (non (ch[i] dans ["0".."9"] ou (i>long(ch)) 2) [] Si i<=long(ch) alors chiffre ← faux sinon chiffre ← vrai finSi 3) fin chiffres		
Tableau de déclaration des objets locaux :			Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure):		
Objet	Nature/Type	Rôle	B ← FN chiffre(ch)		
i	var/entier	Compteur	Avec ch représente une variable de type chaîne aussi dit un paramètre global effectif et B une variable globale de type booléen		

5. Une procédure qui permet **l'affichage d'un tableau composé par n entiers**

Analyse de la procédure affichage			Algorithme de la procédure affichage		
DEF PROC affichage(t : tab ; n : entier) Resultat = RetourLigne [] Pour i de 1 à n faire Ecrire(t[i], " ") finPour fin affichage Notez bien : RetourLigne est une instruction qui permet le retour à la ligne son équivalent en pascal writeln;			0) DEF PROC affichage(t : tab ; n : entier) 1) Pour i de 1 à n faire Ecrire(t[i], " ") finPour 2) RetourLigne 3) fin remplissage Notez bien : RetourLigne est une instruction qui permet le retour à la ligne son équivalent en pascal writeln;		
Tableau de déclaration des objets locaux :			Appel de la procédure dans une analyse principale :		
Objet	Nature/Type	Rôle	Proc affichage(t,n)		
i	var/entier	compteur	Avec t représente une variable globale de type tab		
			passée par valeur et n une variable globale de type entier passée par valeur dit aussi paramètres effectifs		

6. Une procédure qui permet **l'affichage** d'un tableau **dans l'ordre inverse** composé **par n entiers**

<p>Analyse de la procédure affichage</p> <pre> DEF PROC affichage(t : tab ; n : entier) Resultat = RetourLigne [] Pour i de n à 1 (pas = - 1) faire Ecrire(t[i], " ") finPour fin affichage </pre>	<p>Algorithme de la procédure affichage</p> <pre> 0) DEF PROC affichage(t : tab ; n : entier) 1) Pour i de n à 1 (pas = - 1) faire Ecrire(t[i], " ") finPour 2) RetourLigne 3) fin remplissage </pre>						
<p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	<p>Appel de la procédure dans une analyse principale : Proc affichage(t,n) Avec t représente une variable globale de type tab passée par valeur et n une variable globale de type entier passée par valeur dit aussi paramètres effectifs</p>
Objet	Nature/Type	Rôle					
i	var/entier	compteur					

7. Une fonction qui permet la vérification qu'un entier est parfait (un entier parfait **est égal** à la **somme de ses diviseurs propres** par exemple : $6 = 1 + 2 + 3$)

<p>Analyse de la fonction parfait</p> <pre> DEF FN parfait(x : entier) : booléen Resultat = parfait ← s = x [s ← 0] pour i de 1 à x div 2 faire [] si x mod i = 0 alors s ← s + i finPour fin parfait Notez bien : l'instruction parfait ← s = x peut être remplacé par Resultat = parfait Parfait = [] si s = x alors parfait ←vrai sinon parfait ← faux finSi </pre>	<p>Algorithme de la fonction parfait</p> <pre> 0) DEF FN parfait(x : entier) : booléen 1) [s ← 0] pour i de 1 à x div 2 faire [] si x mod i = 0 alors s ← s + i finPour 2) parfait ← s = x 3) fin parfait Notez bien : l'instruction 2) parfait ← s = x peut être remplacé par 2) si s = x alors parfait ←vrai sinon parfait ← faux finSi </pre>									
<p>Tableau de déclaration des objets locaux :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>Compteur</td> </tr> <tr> <td>s</td> <td>Var/entier</td> <td>Somme des diviseurs propres</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	Compteur	s	Var/entier	Somme des diviseurs propres	<p>Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure): B ← FN parfait(n) Avec n représente une variable de type entier aussi dit un paramètre global effectif et B une variable globale de type booléen</p>
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	Compteur								
s	Var/entier	Somme des diviseurs propres								

8. Une fonction qui permet la vérification qu'une chaîne est un palindrome (Un palindrome est une chaîne de caractères qui peut être lue du **gauche à droite** et du **droite à gauche** est **elle s'agit de la même chaîne**) par exemple "ACBCA" est un palindrome par contre "ACBA" ne l'est pas

<p>Analyse de la fonction parfait</p> <pre> DEF FN palindrome(sh : chaîne) : booléen Resultat = palindrome ← i > j [i ← 1 , j ← long(sh)] Tant que (i <= j) et (sh[i] = sh[j]) faire i ← i + 1 j ← j - 1 finTantQue fin palindrome Notez bien : l'instruction palindrome ← i > j peut être remplacé par Resultat = palindrome Parfait = [] si s = x alors parfait ←vrai sinon parfait ← faux finSi </pre>	<p>Algorithme de la fonction parfait</p> <pre> 0) DEF FN palindrome(sh : chaîne) : booléen 1) [i ← 1 , j ← long(sh)] Tant que (i <= j) et (sh[i] = sh[j]) faire i ← i + 1 j ← j - 1 finTantQue 2) palindrome ← i > j 3) fin palindrome Notez bien : l'instruction 2) palindrome ← i > j peut être remplacé par 2) si i > j alors palindrome ←vrai sinon palindrome ← faux finSi </pre>
---	--

Tableau de déclaration des objets locaux :			Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure):
Objet	Nature/Type	Rôle	
i	var/entier	Compteur de gauche à droite	B ← FN palindrome(ch) Avec ch représente une variable de type chaîne aussi dit un paramètre global effectif et B une variable globale de type booléen
j	Var/entier	Compteur de droite à gauche	

9. Une fonction qui permet le calcul le **nombre d'occurrences** d'un **caractère x donné** (Le nombre d'occurrences est le nombre de répétitions) **dans une chaîne ch**

Analyse de la fonction occurrence	Algorithme de la fonction occurrence									
DEF FN occurrence(ch : chaîne; x:caractère) : booléen Resultat = occurrence ← nbo nbo = [nbo ← 0] Pour i de 1 à long(ch) faire [] si ch[i] = x alors nbo ← nbo+ 1 finSi finPour fin occurrence	0) DEF FN occurrence(ch : chaîne; x:caractère) : booléen 1) [nbo ← 0] Pour i de 1 à long(ch) faire [] si ch[i] = x alors nbo ← nbo+ 1 finSi finPour 2) occurrence ← nbo 3) fin occurrence									
Tableau de déclaration des objets locaux :	Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure):									
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> <tr> <td>nbo</td> <td>Var/entier</td> <td>Nbre d'occurrence x dans ch</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	nbo	Var/entier	Nbre d'occurrence x dans ch	n ← FN occurrence(ch, c) Avec ch représente une variable de type chaîne et c une variable de type caractère passés les deux par valeur aussi dit des paramètres globaux effectifs et n une variable globale de type entier
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	compteur								
nbo	Var/entier	Nbre d'occurrence x dans ch								

10. Une fonction qui permet le calcul du factorielle d'un entier n donné(factorielle de $n! = n * n-1 * n-2 * \dots * 1$)

Analyse de la fonction factorielle	Algorithme de la fonction factorielle									
DEF FN factorielle(n : entier) : entier Resultat = factorielle ← f f = [f ← 1] Pour i de 1 à n faire f ← f * i finPour fin factorielle	0) DEF FN factorielle(n : entier) : entier 1) [f ← 1] Pour i de 1 à n faire f ← f * i finPour 2) factorielle ← f 3) fin factorielle									
Tableau de déclaration des objets locaux :	Appel de la fonction dans une analyse principale ou un autre module(fonction ou procédure):									
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Objet</th> <th>Nature/Type</th> <th>Rôle</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>i</td> <td>var/entier</td> <td>compteur</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>Var/entier</td> <td>f = n!</td> </tr> </tbody> </table>	Objet	Nature/Type	Rôle	i	var/entier	compteur	f	Var/entier	f = n!	n ← FN factorielle(x) Avec x représente une variable de type passé par valeur aussi dit paramètre global effectif et n une variable globale de type entier
Objet	Nature/Type	Rôle								
i	var/entier	compteur								
f	Var/entier	f = n!								